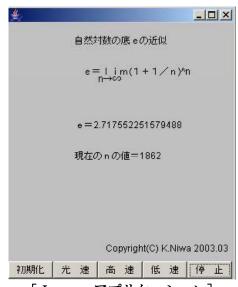
【自然対数の底e】





[Javaアプリケーション]

1. はじめに

対数は、17世紀にネイピアやビュルギといった数学者たちが生み出した関数である。 円周率 π と自然対数の底 e とは密接な関係があり、どちらも無理数で超越数(整数係数の代数方程 式の解にならない実数)である。 1737年、オイラーは、eが無理数であることを示した。

1737年、オイラーは、eが無理数であることを示した。 1873年、フランスの数学者エルミートは、eが超越数であることを証明した

1882年、ドイツ人数学者リンデマンが、エルミートの方針に従って、πが超越数であることを 二千年来の超難問である「円積問題」を解いた。

エルミートは、πが超越数であることの証明はeが超越数であることの証明に比べて非常に困難であると考えていたのである。

そのとき、エルミートは60歳、リンデマンは30歳であった。 また、美しい数学の公式の中でも、特に美しいものとして「人類の至宝(しほう)」とまで言われて いる次の式をオイラーは見つけている。

 $e^{i\pi} + 1 = 0$

i、π、1、0 といった数学の重要な数が全て登場し、しかもコンパクトにまとめられてい るが、この式の意味は未だによく分かっていないのである。

【円積問題について】

* 作図問題のうち最も古く最もよく知られているのは、定木(目盛りのない、直線を引くためのもの)とコンパスによる平面図形の作図で、そのうちのギリシアの三大作図不可能問題のうちの一つに「円 積問題」がある。

- (1) 与えられた円と等しい面積をもつ正方形を作ること(円積問題)
- (2) 与えられた立方体の体積の2倍に等しい体積をもつ立方体を作ること(立方体倍積問題または Delosの問題)
- (3) 与えられた角を3等分すること(角の3等分問題)

シミュレーションソフト「自然対数の底 e 」を動かして、自然対数 e の近似値が求まる様子を観察 してみてください。

2. Javaアプレット

(1) Javaプログラムリスト

```
//
//
                           「自然対数の底 e の近似」
                                                                      //
                          Copyright (C) K.Niwa 2002.12.07
(Javaアプレット)
//
                                                                      //
//
                                                                      //
//ライブラリーのクラスの読み込み
import java.applet.Applet;
import java.awt.*;
import java.awt.event.*;
import java.lang.Math;
public class Ste extends Applet implements Runnable { //スレッドを使えるようにする
//変数とオブジェクトの型宣言
                               //スレッド型で宣言する
      Thread myTh;
                               //ボタン型配列で宣言する
      Button[] myBtn;
                               //パネル型で宣言する
      Panel myPanel;
      int flag=0;
                               //速度
      int Speed=100;
                               //実験回数
      int ct=0;
                               //ループカウンター
      int count;
                               //速度の刻み幅に使用
      int d;
                               // e = (1 + 1 / n)^n
      long n;
      double tte;
                               // e の近似値
                               //e = (1+1/n)^nを求めるのに使用
//e = (1+1/n)^nを求めるのに使用
      double s;
      double k;
ブラウザがアプレットを読み込んだときに呼ばる
  イベントの監視を行い、ボタンが選択されたとき等にも呼ばれる 背景色の設定やボタンの定義や設置等に用いられる
//
//
      public void init() {
            setBackground (Color.lightGray);
                                                  //スレッドの初期化
            myTh=null;
                                                  //ボタンの実体化
            myBtn=new Button[5];
            myBtn[0]=new Button("初期化");
            myBtn[1]=new Button("光
            myBtn[2]=new Button("高
myBtn[3]=new Button("低
myBtn[4]=new Button("停
                                速");
                               速");
止");
                                                  //パネルの実体化
            myPanel=new Panel();
                                                  //パネルをグリッドレイアウトにする
            myPanel.setLayout (new GridLayout (1,5));
            for (count=0;count<=4;count++) {
                                           //パネルにボタンを貼り付ける
                  myPanel.add(myBtn[count]);
                                           //全体をボーダーレイアウトにする
            setLayout(new BorderLayout());
            add ("South", myPanel);
                                           //パネルを南に貼り付ける
            myBtn[0].addActionListener(new ActionListener() {
                                                  //初期化ボタンの定義
                  public void actionPerformed (ActionEvent e) {
                         flag=0;
                         repaint();
            }):
```

```
myBtn[1].addActionListener(new ActionListener() {
                                                        //光速ボタンの定義
                     public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                            flag=1;
                            Speed=20;
                                                                //速度
                            repaint();
              });
              myBtn[2].addActionListener(new ActionListener() {
                                                        //高速ボタンの定義
                     public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                            flag=2;
Speed=100;
                                                                //速度
                            repaint();
              });
              myBtn[3].addActionListener(new ActionListener() {
                                                         //低速ボタンの定義
                     public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                            flag=3;
                            Speed=200;
                                                                //速度
                            repaint();
              });
                                                        //停止ボタンの定義
              myBtn[4].addActionListener(new ActionListener() {
                     public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                            flag=4;
                            repaint();
              });
       }//public void init()
      アプレットの実行を開始するときに呼ばれる
       public void start() {
              if (myTh==null) {
                     myTh=new Thread (this);
                                                         //スレッドの実体化
                                                         //スレッドを開始する
                     myTh.start();
スレッドの実行中に呼ばれる
//
//
       public void run() {
              while (true)
                     try
                            myTh.sleep (Speed);
                     catch (InterruptedException e) {}
                     if (flag==1 || flag==2 || flag==3) {
repaint();
       }
```

```
//
         public void paint (Graphics g) {
          //初期状態または初期化ボタンを押したときのイベント処理
                   if(flag==0) {
                                                          //e = (1+1/n)^n のnの初期化
                             n=1;
                                                          // e の近似値の初期化
                             tte=0:
                             s=1;
                             k=1;
                             g.drawString("自然対数の底 e の近似",90,30);
                             //g.drawString("(オイラー数)",115,50);
                             g.drawString(" e = 1 i m (1 + 1 / n)^n",100,90);
                             g.drawString ("n→∞",120,100);
g.drawString ("e = ",90,160);
g.drawString ("現在のnの値=",90,200); //現在のnの値を表:
g.drawString ("Copyright (C) K.Niwa 2002.11",130,320); //作者表示
                                                                             //現在の n の値を表示
                   \frac{1}{\text{fig}} = 0
         //光速または高速または低速ボタンを押したときのイベント処理
                   else if (flag==1 \parallel flag==2 \parallel flag==3) { if (flag==1) {
                                                          //光速
                                       d=1;
                             else if (flag==2) {
                                       \widetilde{d=1};
                                                          //高速
                             else if (flag==3) {
                                                          //低速
                                       d=1;
                             if (n<99999999) {
                                       n=n+d;
                             else {
                                                          //停止させる
                                       flag=4;
                             for (count=1;count<=n;count++) {
                                       k = (double) 1 + (double) 1 / (double) n;
                                       s=s*k;
                             }
                                       tte=s;
                             g.drawString("自然対数の底 e の近似",90,30);
//g.drawString("(オイラー数)",115,50);
                             g.drawString (" e = 1 i m (\frac{1}{1} + \frac{1}{1} n) ^n",100,90);
g.drawString ("n \rightarrow \infty",120,100);
                             g.drawString (" e = "+ (double) tte, 90, 160);
                             g.drawString("現在のnの値="+n,90,200);
                                                                             //現在のnの値を表示
                             g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2002.11",130,320); //作者表示
                   \} \text{//else if (flag==1 || flag==2 || flag==3)}
         //停止ボタンを押したときのイベント処理
                   if(flag==4)
                             g.drawString("自然対数の底eの近似",90,30);
                             //g.drawString("(オイラー数)",115,50);
                             g.drawString (" e = 1 i m (1 + 1 / n) ^n",100,90);
g.drawString ("n \rightarrow \infty",120,100);
g.drawString (" e = "+(double) tte,90,160);
```

```
g.drawString ("Copyright (C) K.Niwa 2002.11",130,320); //作者表示
             }//if(flag==4)
      }//public void paint(Graphics g)
}//public class Ste extends Applet implements Runnable
 (2) HTMLリスト
<HTML>
      <HEAD>
                            「自然対数の底 e の近似」
                        Copyright (C) K.Niwa 2002.11.03
      </HEAD>
      <BODY>
             <CENTER>
                    〈B〉「自然対数の底 e の近似」〈/B〉
                    <BR><BR>
                    <APPLET CODE="Ste.class" WIDTH="300" HEIGHT="360"></APPLET>
             </CENTER>
       </BODY>
</HTML>
3. Javaアプリケーション・プログラムリスト
//
                                                                            //
//
                               「F自然対数の底e」
                                                                            //
                            Copyright (C) K.Niwa 2003.03.22
(Javaアプリケーション)
//
                                                                            //
//
                                                                            //
//
                                                                            //
//ライブラリーのクラスの読み込み
import java.awt.*;
import java.awt.event.*;
import java.lang.Math;
/***** public class FSte extends Frame implements Runnable ***********************************/
                                               //スレッドを使えるようにする
public class FSte extends Frame implements Runnable {
                                               //スレッド型で宣言する
      Thread myTh;
                                               //ボタン型配列で宣言する
      Button[] myBtn;
      Panel myPanel;
                                               //パネル型で宣言する
      int flag=0;
                                               //速度
      int Speed=100;
      int ct=0;
                                               //実験回数
      int count;
                                               //ループカウンター
                                               //速度の刻み幅に使用
      int d;
                                               //e = (1 + 1/n)^n
      long n;
      double tte;
                                               // e の近似値
      double s;
                                        //e = (1+1/n)^n e求めるのに使用
//e = (1+1/n)^n e求めるのに使用
      double k;
```

g.drawString ("現在のnの値="+n,90,200); //"現在のnの値を表示

```
ブラウザがアプレットを読み込んだときに呼ばる
イベントの監視を行い、ボタンが選択されたとき等にも呼ばれる
背景色の設定やボタンの定義や設置等に用いられる
//
//
       public FSte() {
               setSize (300,360);
               addWindowListener(new WindowAdapter() {
                       public void windowClosing (WindowEvent e) {
                               System.exit (0);
               });
               setBackground (Color.lightGray);
                                                               //スレッドの初期化
               myTh=null;
               if (myTh==null) {
                       myTh=new Thread (this);
                                                               //スレッドの実体化
                                                               //スレッドを開始する
                       myTh.start();
               myBtn=new Button[5];
                                                              //ボタンの実体化
               myBtn[0]=new Button("初期化");
               myBtn[1]=new Button("光
               myBtn[2]=new Button("高
                                        速");
               myBtn[3]=new Button("低
                                        速");
               myBtn[4]=new Button("停
               myPanel=new Panel();
                                                      //パネルの実体化
               myPanel.setLayout (new GridLayout (1,5));
               for (count=0;count<=4;count++) {
                                                       //パネルにボタンを貼り付ける
                       myPanel.add(myBtn[count]);
                                                      //全体をボーダーレイアウトにする
               setLayout(new BorderLayout());
               add ("South", myPanel);
                                                       //パネルを南に貼り付ける
                                                              //初期化ボタンの定義
               myBtn[0].addActionListener(new ActionListener() {
                       public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                               flag=0;
                               repaint();
               }):
               myBtn[1].addActionListener(new ActionListener() {
                                                               //光速ボタンの定義
                       public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                               flag=1;
                               Speed=20;
                                                                      //速度
                               repaint();
               });
                                                               //高速ボタンの定義
               myBtn[2].addActionListener(new ActionListener() {
                       public void actionPerformed (ActionEvent e) {
                               flag=2;
                               Speed=100;
                                                                      //速度
                               repaint();
               }):
                                                              //低速ボタンの定義
               myBtn[3].addActionListener(new ActionListener() {
                       public void actionPerformed (ActionEvent e) {
                               flag=3;
                               Speed=200;
                                                                      //速度
                               repaint();
               }):
```

```
//停止ボタンの定義
                 myBtn[4].addActionListener(new ActionListener() {
                         public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                                  flag=4;
                                  repaint();
                 });
        }//public FSte()
   public void run() {
                 while (true)
                         try {
                                  myTh.sleep (Speed);
                         catch (InterruptedException e) {}
                         if (flag==1 || flag==2 || flag==3) {
                                 repaint();
        }
//
        public void paint (Graphics g) { //初期状態または初期化ポタンを押したときのイベント処理
                 if (flag==0) {
                                                  //e = (1 + 1 / n)^n のnの初期化 //e の近似値の初期化
                         n=1;
                         tte=0;
                         s=1;
                         k=1;
                         g.drawString ("自然対数の底 e の近似",90,30+20); //g.drawString (" (オイラー数) ",115,50); g.drawString (" e = 1 i m (1+1/n)^n",100,90); g.drawString ("n \rightarrow \infty",120,100);
                         g.drawString ("e=",90,160);
g.drawString ("現在のnの値=",90,200);
                                                                   //現在のnの値を表示
                         g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2003.03",130,320); //作者表示
                 \frac{1}{\sin(\frac{1}{2})}
        //高速ボタンまたは低速ボタンを押したときのイベント処理
                 else if (flag==1 || flag==2 || flag==3) {
                         if (flag==1) {
                                  d=1;
                                                  //光速
                         else if (flag==2) {
                                  d=1:
                                                  //高速
                         else if (flag==3) {
                                  d=1:
                                                  //低速
                         if (n<99999999) {
                                 n=n+d;
```

```
else {
                                                     flag=4;
                                                                               //停止させる
                                        s=1;
                                        for (count=1;count<=n;count++) {
                                                     k = (double) 1 + (double) 1 / (double) n;
                                                     s=s*k;
                                                     tte=s;
                                        g.drawString ("自然対数の底 e の近似",90,30+20); //g.drawString (" (オイラー数) ",115,50); g.drawString (" e = 1 i m ( 1+1 / n ) ^n",100,90);
                                       g.drawString("n→∞",120,100);
g.drawString("n→∞",120,100);
g.drawString("e="+(double)tte,90,160);
g.drawString("現在のnの値="+n,90,200); //現在のnの値を表:
g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2003.03",130,320); //作者表示
                                                                                                           //現在のnの値を表示
                          }//else if (flag==1 || flag==2 || flag==3)
             //停止ボタンを押したときのイベント処理
                          if (flag==4) {
                                       g.drawString("自然対数の底 e の近似",90,30+20);
//g.drawString(" (オイラー数) ",115,50);
g.drawString(" e = 1 i m (1 + 1 / n)^n",100,90);
g.drawString("n→∽",120,100);
g.drawString(" e = "+(double) tte,90,160);
g.drawString("現在の n の値="+n,90,200); //"現在の n の値を表g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2003.03",130,320); //作者表示
                                                                                                          //"現在のnの値を表示
                          \frac{1}{i} / if (flag==4)
             }//public void paint (Graphics g)
            /*****
             public static void main (String[] args)
                           Frame w=new FSte();
                           w.show();
             }//public static void main(String[] args)
}//public class Ste extends Applet implements Runnable
```